

الاسم:
الرقم:

مسابقة في: مادة الفيزياء
المدة: ساعتان

Cette épreuve est formée de trois exercices répartis sur trois pages.
L'usage d'une calculatrice non programmable est autorisé.

Exercice 1 (7 points)

Caractéristiques d'une bobine et d'un condensateur

On dispose :

- d'un générateur G délivrant une tension alternative sinusoïdale :
 $u_{AM} = u_G = U_m \cos(\omega t)$ (S.I.) ;
- d'une bobine d'inductance L et de résistance r ;
- d'un condensateur de capacité C ;
- de deux conducteurs ohmiques de résistances $r_1 = 10 \Omega$ et $r_2 = 32 \Omega$;
- d'un oscilloscope ;
- de fils de connexion.

Le but de cet exercice est de déterminer L, r et C.

1- Expérience 1

On réalise le circuit schématisé dans le document 1. Le circuit est parcouru par un courant alternatif sinusoïdal d'intensité i. l'oscilloscope, convenablement branché, permet de visualiser la tension u_{AM} aux bornes du générateur sur la voie (Y₁) et la tension $u_{BM} = u_{r_1}$ aux bornes de r_1 sur la voie (Y₂). Les oscillogrammes obtenus sont représentés dans le document 2.

Les réglages de l'oscilloscope sont :

- sensibilité verticale sur la voie Y₁ : $S_{V1} = 5 \text{ V/div}$;
- sensibilité verticale sur la voie Y₂ : $S_{V2} = 0,5 \text{ V/div}$;
- sensibilité horizontale : $S_h = 2,5 \text{ ms/div}$.

1- 1) Reproduire le circuit du document 1 en y montrant les branchements de l'oscilloscope.

1- 2) L'oscillogramme (a) représente u_{AM} . Justifier.

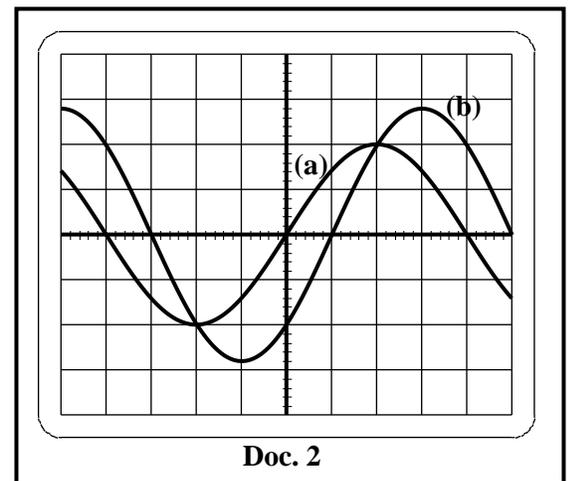
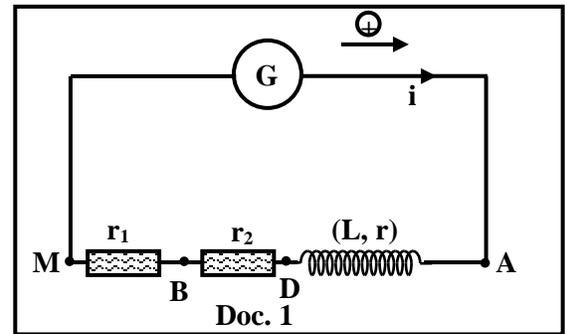
1- 3) En se référant au document 2, déterminer :

- 1-3- 1) la pulsation ω de la tension u_{AM} ;
- 1-3- 2) les amplitudes U_m et U_{m1} des tensions u_{AM} et u_{BM} respectivement ;
- 1-3- 3) le déphasage φ entre u_{AM} et u_{BM} .

1- 4) Écrire l'expression de u_{BM} en fonction du temps.

1- 5) Déduire l'expression du courant i en fonction du temps.

1- 6) Déterminer les valeurs de L et r, en appliquant la loi d'additivité des tensions et en donnant à t deux valeurs particulières.



2- Expérience 2

On branche le condensateur en série avec les dipôles du circuit du document 1 (Doc. 3). L'oscilloscope, branché convenablement, permet de visualiser la tension u_{AM} sur la voie (Y₁) et la tension u_{BM} sur la voie (Y₂). Les oscillogrammes obtenus sont représentés dans le document 4.

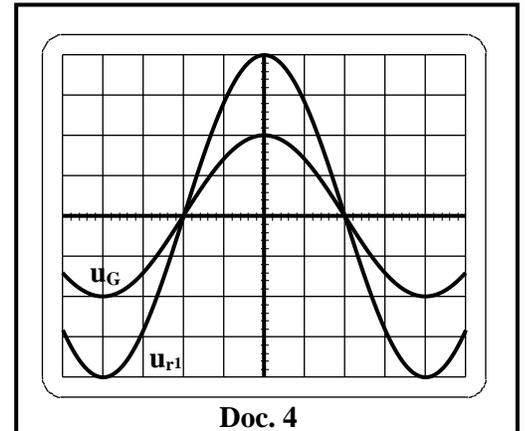
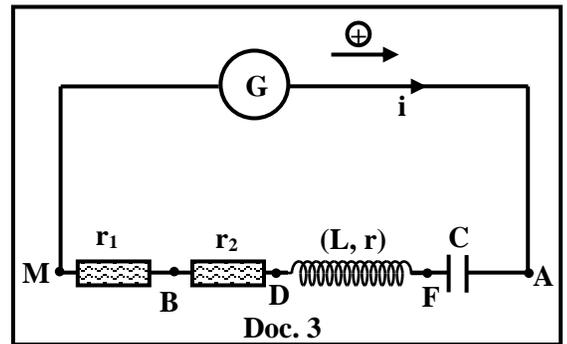
- 2- 1) Le circuit est le siège d'une résonance d'intensité.
Justifier.
- 2- 2) À la résonance d'intensité, la pulsation ω du générateur est égale à la pulsation propre ω_0 du circuit.
Choisir, parmi les phrases ci-dessous, celle qui décrit correctement la pulsation propre ω_0 du circuit du document 3 :

Phrase 1 : la pulsation propre du circuit est la pulsation de u_G pour laquelle l'intensité i du courant et la tension aux bornes de la bobine sont en phase.

Phrase 2 : la pulsation propre du circuit est la pulsation de u_G pour laquelle l'amplitude I_m de l'intensité i du courant passe par sa valeur maximale.

Phrase 3 : la pulsation propre du circuit est la pulsation de u_G pour laquelle l'amplitude de la tension aux bornes de la bobine passe par sa valeur maximale.

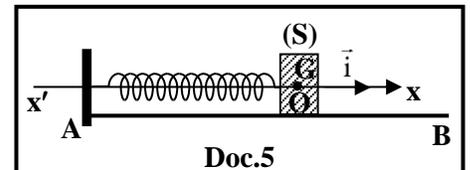
- 2- 3) Écrire la relation entre L , C et ω_0 . Calculer C .



Exercice 2 (6,5 points)

Oscillateur mécanique

On dispose d'un oscillateur mécanique constitué d'un solide (S) de masse m et d'un ressort à spires non jointives, de masse négligeable et de constante de raideur k . Le but de cet exercice est de déterminer k et m . Le ressort, disposé horizontalement, est fixé par l'une de ses extrémités à un support fixe et (S) est accroché à l'autre extrémité. (S) peut se déplacer sans frottement sur un rail horizontal AB et son centre de masse G sur un axe horizontal $x'x$. À l'équilibre, G coïncide avec l'origine O de l'axe $x'x$ (Doc. 5).



On écarte (S) de sa position d'équilibre et on le lâche, à l'instant $t_0 = 0$, sans vitesse initiale. (S) effectue alors des oscillations mécaniques.

À un instant t , l'abscisse de G est $x = \overline{OG}$ et la mesure algébrique de sa vitesse $v = \frac{dx}{dt} = x'$.

Prendre le plan horizontal passant par G comme niveau de référence de l'énergie potentielle de pesanteur.

- 1) L'équation différentielle qui décrit le mouvement de G est : $2x'' + 200x = 0$ (S.I.).

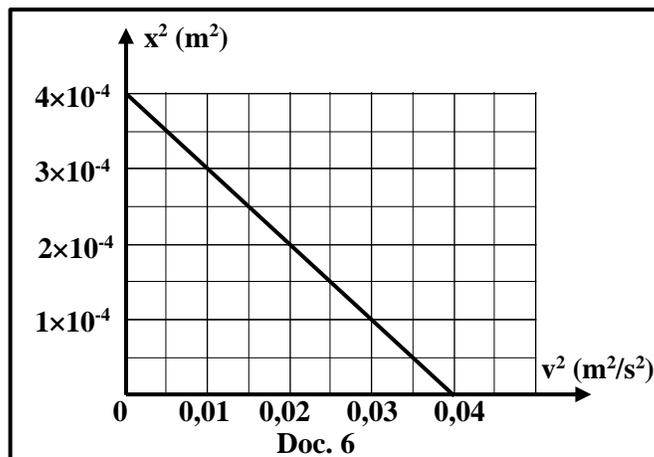
Utiliser cette équation différentielle pour :

- 1-1) montrer que le mouvement de G est harmonique simple ;
1-2) calculer la valeur de la pulsation propre ω_0 des oscillations.
- 2) L'équation horaire du mouvement de G est de la forme : $x = X_m \cos(\omega_0 t)$, avec X_m l'amplitude de x .
2- 1) Écrire l'expression de v en fonction de X_m , ω_0 et t .

2- 2) En utilisant les expressions de x et v , montrer que : $\omega_0^2 = \frac{v^2}{X_m^2 - x^2}$.

- 3) En appliquant la conservation de l'énergie mécanique E_m du système [(S), ressort, Terre], montrer que : $x^2 = a v^2 + b$, avec « a » et « b » sont deux constantes à déterminer en fonction de k , m et E_m .

- 4) Le document 6 représente x^2 en fonction de v^2 .
 En utilisant le document 6 :
- 4- 1) calculer X_m ;
 - 4- 2) calculer de nouveau la valeur de ω_0 .
- 5) Déterminer les valeurs de k et m , sachant que $E_m = 0,04 \text{ J}$.

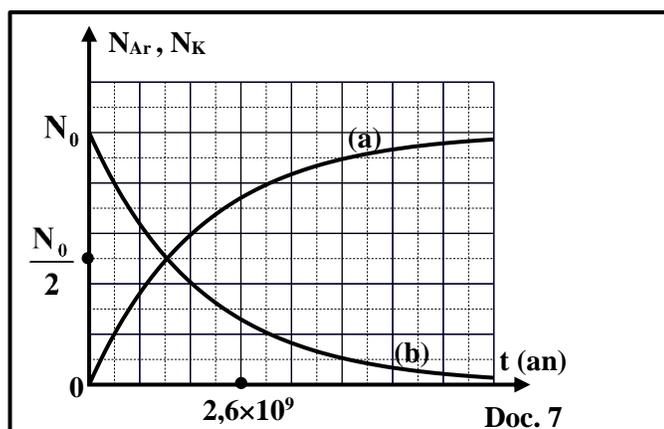


Exercice 3 (6,5 points)

Datation d'une roche volcanique

Certaines roches volcaniques contiennent l'isotope radioactif ${}^{40}_{19}\text{K}$ du potassium de demi-vie T et de constante radioactive λ . Une faible proportion de cet isotope se désintègre en argon ${}^{40}_{18}\text{Ar}$.
 Le but de cet exercice est de déterminer l'âge d'une roche volcanique.

- 1) Indiquer la composition du noyau de Potassium ${}^{40}_{19}\text{K}$.
- 2) L'équation de désintégration du potassium 40 en argon 40 est : ${}^{40}_{19}\text{K} \rightarrow {}^{40}_{18}\text{Ar} + {}^A_Z\text{X}$
 - 2- 1) Déterminer Z et A en indiquant les lois utilisées.
 - 2- 2) Nommer la particule ${}^A_Z\text{X}$ émise.
- 3) Un échantillon d'une roche volcanique contient, à l'instant de sa formation $t_0 = 0$, N_0 noyaux de potassium 40 qui se désintègrent en argon 40.
 - 3-1) Écrire l'expression des noyaux N_K restants du potassium en fonction de N_0 , λ et t .
 - 3-2) Dédire que le nombre des noyaux d'argon formés est : $N_{\text{Ar}} = N_0 (1 - e^{-\lambda t})$.
 - 3-3) Déterminer, en fonction de λ , l'expression de la date t lorsque $N_{\text{Ar}} = N_K$.
- 4) Les courbes (a) et (b), du document 7, représentent l'évolution de N_K et N_{Ar} en fonction du temps.
 - 4- 1) Préciser la courbe qui représente N_K .
 - 4- 2) Déterminer graphiquement la demi-vie radioactive T du potassium 40.
 - 4- 3) Dédire la valeur de λ .
- 5) À l'instant de la formation, $t_0 = 0$, de cette roche volcanique, l'échantillon contient N_0 noyaux de potassium 40 et ne contient aucun noyau d'argon 40. Les noyaux N_0 du potassium 40 se désintègrent en argon 40. À un instant t :
 - N_K est le nombre des noyaux restants des N_0 noyaux de potassium 40 ;
 - N_{Ar} est le nombre des noyaux d'argon 40 formés.
 Un géologue analyse cet échantillon pour déterminer l'âge de la roche volcanique. Il trouve que le nombre des noyaux N_{Ar} d'argon y sont 3 fois plus nombreux que ceux N_K de potassium 40.
 - 5-1) Montrer que $\frac{N_0}{N_K} = 4$.
 - 5-2) Dédire l'âge de la roche.



Exercice 1 (7 points)

Caractéristiques d'une bobine et d'un condensateur

Partie	Réponse	Note
1.1		0,5
1.2	Dans un circuit R-L série, u_G est en avance de phase sur i . Puisque la courbe (a) est en avance de phase sur la courbe (b) donc elle représente u_{AM} .	0,5
1.3	1 $T = S_h \times X = 2,5 \times 8 = 20 \text{ ms} = 20 \times 10^{-3} \text{ s}$ donc $\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{20 \times 10^{-3}} = 100 \pi \text{ rad/s}$	0,75
	2 $U_m = S_{v1} \times y_1 = 2 \times 5 = 10 \text{ V}$ $U_{m1} = S_{v2} \times y_2 = 2,8 \times 0,5 = 1,4 \text{ V}$	0,75
	3 $\varphi = \frac{2\pi \times d}{D} = \frac{2\pi \times 1 \text{ div}}{8 \text{ div}} = \frac{\pi}{4} \text{ rad}$	0,5
1.4	(a) atteint sa valeur maximum avant (b), donc u_{BM} est en retard de phase sur u_{AM} $u_{BM} = 1,4 \cos(100 \pi t - \frac{\pi}{4})$ (u_{BM} en V et t en s)	0,5
1.5	$U_{BM} = r_1 \times i$, donc $i = \frac{u_{BM}}{r_1} = 0,14 \cos(100 \pi t - \frac{\pi}{4})$ (i en A et t en s)	0,5
1.6	$u_{AM} = u_{AD} + u_{DB} + u_{BM}$ est vérifiée quel que soit le temps t $U_m \cos(\omega t) = r i + L \frac{di}{dt} + r_2 i + r_1 i$ $U_m \cos(\omega t) = r \times 0,14 \cos(100 \pi t - \frac{\pi}{4}) + L (-14 \pi \sin(100 \pi t - \frac{\pi}{4})) + (r_2 + r_1) 0,14 \cos(100 \pi t - \frac{\pi}{4})$	0,5
	Pour $t = \frac{\pi}{4\omega}$ ($\omega t = \frac{\pi}{4}$): $U_m \frac{\sqrt{2}}{2} = r \times 0,14 + 0 + (r_2 + r_1) 0,14$ $5 \sqrt{2} = 0,14 r + 42 \times 0,14$; on calcul $r = 8,5 \Omega$	0,5
	Pour $\omega t = 0$: $U_m = r \times 0,14 \times \frac{\sqrt{2}}{2} + 14 L \pi \frac{\sqrt{2}}{2} + (r_2 + r_1) 0,14 \frac{\sqrt{2}}{2}$ $10 = 8,5 \times 0,14 \times \frac{\sqrt{2}}{2} + 14 L \pi \frac{\sqrt{2}}{2} + 42 \times 0,14 \frac{\sqrt{2}}{2}$ on calcul $L = 0,16 \text{ H}$	0,5
2	2.1 u_G et u_1 sont en phase, avec u_1 est l'image de i .	0,25
	2.2 Proposition 2	0,5
	2.3 À la résonance d'intensité, on a $\omega_G = \omega_0 = 100 \pi$ et $LC\omega_0^2 = 1$ Donc, $C = 6,33 \times 10^{-5} \text{ F}$	0,25 0,5

Exercice 2 (6,5 points)

Oscillateur mécanique

Partie		Réponse	Note
1	1.1	L'équation différentielle $2x'' + 200x = 0$ peut-être écrite $x'' + 100x = 0$ de la forme: $x'' + \omega_0^2 x = 0$ C'est une équation différentielle du second ordre en x qui vérifie un mouvement harmonique simple de (S).	0,75
	1.2	$\omega_0^2 = 100$; $\omega_0 = 10$ rad/s	0,5
2	2.1	$x = X_m \cos \omega_0 t$ $v = x' = -\omega_0 X_m \sin \omega_0 t$	0,5
	2.2	$\frac{x^2}{X_m^2} = \cos^2 \omega_0 t$ et $\frac{v^2}{\omega_0^2 X_m^2} = \sin^2 \omega_0 t$ $\sin^2 \omega_0 t + \cos^2 \omega_0 t = 1$ donc $\frac{x^2}{X_m^2} + \frac{v^2}{\omega_0^2 X_m^2} = 1$ $\omega_0^2 X_m^2 = \omega_0^2 x^2 + v^2$ alors $\omega_0^2 (X_m^2 - x^2) = v^2$ par suite $\omega_0^2 = \frac{v^2}{X_m^2 - x^2}$	0,75
3		$E_m = \text{constante}$, alors $\frac{1}{2}mv^2 + \frac{1}{2}kx^2 = E_m$ $\frac{1}{2}kx^2 = E_m - \frac{1}{2}mv^2$ alors $x^2 = \frac{2E_m}{k} - \frac{mv^2}{k}$ $x^2 = -\frac{m}{k}v^2 + \frac{2E_m}{k}$ cette équation est de la forme: $x^2 = av^2 + b$ $a = -\frac{m}{k}$ et $b = \frac{2E_m}{k}$	1,25
4	4.1	$X_m^2 = 4 \times 10^{-4} \text{ m}^2$, alors $X_m = 2 \times 10^{-2} \text{ m} = 2 \text{ cm}$.	0,5
	4.2	Lorsque $x^2 = 0$, $v^2 = 0,04$ alors $v = 0,2 \text{ m/s}$ $\omega_0^2 = \frac{v^2}{X_m^2 - x^2} = 100$ donc $\omega_0 = 10 \text{ rad/s}$	0,75
5		À $t = 0$: $v_0 = 0$, $X_m = 2 \times 10^{-2} \text{ m}$. $E_m = E_c + P_{pe} + E_{pp}$ alors: $0,04 = 0 + 0 + \frac{1}{2}kX_m^2$ $k = \frac{2 \times 0,04}{X_m^2} = \frac{2 \times 0,04}{4 \times 10^{-4}} = 200 \text{ N/m}$ lorsque $x = 0$, $V_m = 0,2 \text{ m/s}$. $E_m = \frac{1}{2}mV_m^2$ alors: $m = \frac{2 \times E_m}{V_m^2} = \frac{2 \times 0,04}{0,04} = 2 \text{ kg}$. Ou bien : $b = \frac{2 \times E_m}{k}$; $x^2 = av^2 + b$ Si $v^2 = 0$, alors $x^2 = 4 \times 10^{-4} \text{ m}^2$, donc $4 \times 10^{-4} = b = \frac{2 \times E_m}{k}$ $k = \frac{2 \times E_m}{4 \times 10^{-4}} = 200 \text{ N/m}$. $a = -\frac{m}{k}$; $a = \frac{x^2 - x_0^2}{v^2 - v_0^2} = \frac{0 - 4 \times 10^{-4}}{0,04 - 0} = -10^{-2} \text{ s}^2$ $-10^{-2} = -\frac{m}{200}$ alors $m = 2 \text{ kg}$.	1,5

Exercice 3 (6,5 points)

Datation d'une roche volcanique

Partie		Réponse	Note
1		<p>Nombre des protons $Z = 19$ Nombre des neutrons $N = A - Z = 40 - 19 = 21$</p>	0,5
2	2.1	<p>D'après la loi de conservation du nombre de masse : $40 = 40 + A$ donc $A = 0$ D'après la loi de conservation du nombre de charge : $19 = 18 + Z$ donc $Z = 1$</p>	1
	2.2	${}^0_1X = {}^0_1e$ Positron.	0,25
3	3.1	$N_K = N_0 \times e^{-\lambda t}$	0,5
	3.2	$N_{Ar} = N_0 - N_K = N_0 - N_0 \times e^{-\lambda t} = N_0 (1 - e^{-\lambda t})$	0,5
	3.3	<p>$N_{Ar} = N_K$ donc $N_0 (1 - e^{-\lambda t}) = N_0 \times e^{-\lambda t}$ Donc $1 - e^{-\lambda t} = e^{-\lambda t}$ donc $2 e^{-\lambda t} = 1$, alors $e^{\lambda t} = 2$ donc $\lambda t = \ln 2$ Donc $t = \frac{\ln 2}{\lambda}$</p>	0,75
4	4.1	(b) représente N_K car N_K décroît exponentiellement en fonction du temps.	0,5
	4.2	Quand $t = T$, on a $N_K = \frac{N_0}{2}$. D'après le graphe : $T = \frac{2,6 \times 10^9}{2} = 1,3 \times 10^9$ ans.	0,75
	4.3	$\lambda = \frac{\ln 2}{T} = \frac{0,693}{1,3 \times 10^9} = 0,533 \times 10^{-9} \text{ ans}^{-1} = 0,016 \text{ s}^{-1}$	0,5
5	5.1	<p>$N_0 (1 - e^{-\lambda t}) = 3 \times N_0 \times e^{-\lambda t}$ $1 = 3 \times e^{-\lambda t} + e^{-\lambda t} = 4 e^{-\lambda t}$. $e^{\lambda t} = 4$. Donc $N_K = \frac{N_0}{e^{\lambda t}} = \frac{N_0}{4}$. Donc $\frac{N_0}{N_K} = 4$ ce qui est vérifié.</p> <p>Ou bien : $N_K = N_0 - N_{Ar} = N_0 - 3N_K$ Donc $4 N_K = N_0$ par suite $\frac{N_0}{N_K} = 4$</p>	0,5
	5.2	<p>$\frac{N_0}{N_K} = 4$ $N_0 = 4 \times N_K = 4 \times N_0 e^{-\lambda t}$ $\frac{1}{4} = e^{-\lambda t}$ donc $-\lambda t = \ln(0,25)$ alors $t = \frac{\ln(0,25)}{-\lambda} = \frac{\ln(0,25)}{-\ln 2 \times T} = 2T = 2,6 \times 10^9$ ans</p> <p>Ou bien : $N_K = \frac{N_0}{4} = \frac{N_0}{2^2}$. Donc $t = 2 T = 2 \times 1,3 \times 10^9 = 2,6 \times 10^9$ ans</p>	0,75